

Advanced Grid Coarsening of Dynamic Model for Fast History Matching

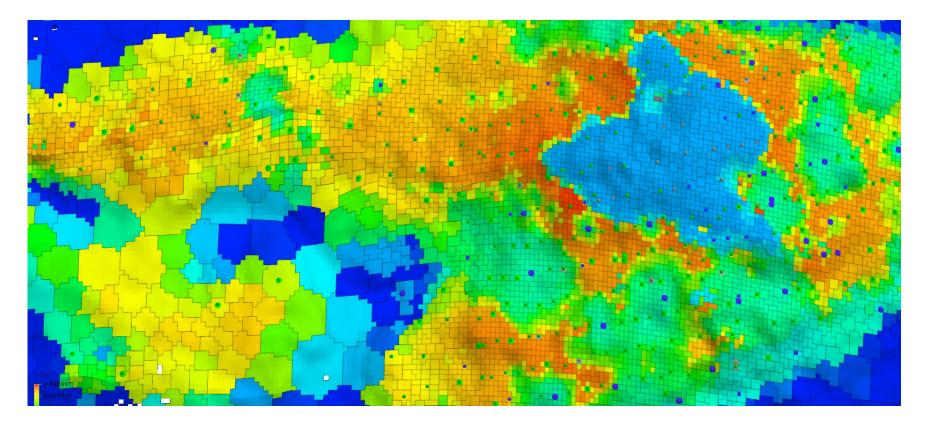
Оптимизация детальности гидродинамической модели для ускорения процесса адаптации на историю разработки

Газпромнефть Бадра Б.В. Н.А. Шевко, к.т.н. Санкт-Петербург 23-25 апреля 2019



Цель работы

- Ускорение гидродинамических расчетов при моделировании крупных залежей и выполнении многовариантных расчетов, возникающих при адаптации моделей, за счет использования приемов построение сеток меньшей детальности (Coarsening)
- Улучшение процедуры огрубления сетки (upgridding) и переноса свойств на сетку меньшей детальности (upscaling)



Традиционные возможности оптимизации сетки ГДМ

Для требуемой детализации описания фильтрационных потоков имеются возможности ремасштабирования (Upgridding) исходной ГД сетки:

- Локальное стущение сетки (LGR) в основном вблизи скважин и особенностей фильтрации создается вложенная подсетка большей размерности.
- Локальное огрубление сетки (Coarsening) в основном в водонасыщенной / законтурной зоне пласта.

Варианты задания таких модификаций сетки выполняются кубическими боксами (BOX), имеющими регулярную структуру NX*NY*NZ (см.табл.), что ограничивает применение их для построения произвольных неравномерных сеток.

ВЫВОДЫ: 1) Стандартным приемом можно ремасштабировать сетку. В силу ограничений геометрии укрупненных ячеек такой прием не позволяет получить оптимальную детализацию сетки.

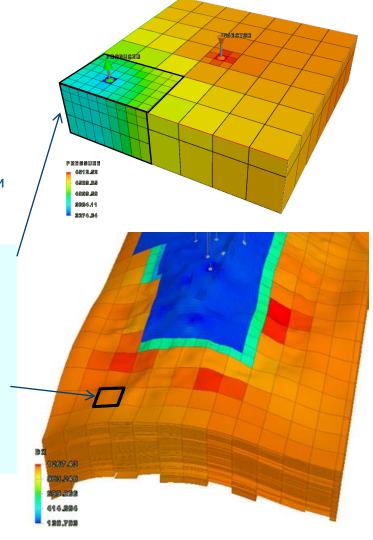
2) Перспективным решением является создание более сложных неравномерных расчетных сеток, позволяющих гораздо меньшим числом ячеек описать особенности фильтрационных потоков и геологии с сохранением приемлемой точности решения.

CARFIN

--Name I1 I2 J1 J2 K1 K2 NX NY NZ **LGR1** 8 8 3 3 1 2 3 1 6 / --data for this local grid **PORO** 0.25 0.28 0.21 0.225 0.23 0.18 0.17 0.15 0.22 0.165 0.17 0.16 0.20 0.21 0.19 0.120 0.15 0.17 / **ENDFIN**

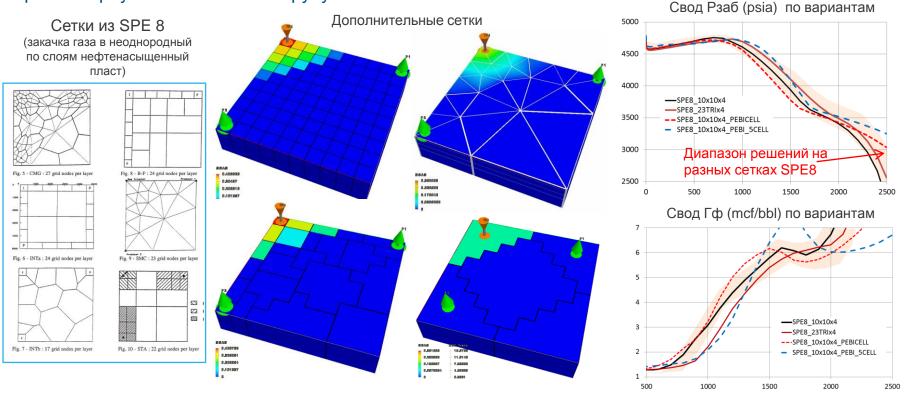
COARSEN

-- I1 I2 J1 J2 K1 K2 NX NY NZ 1972114352/ 13 21 1 21 1 4 3 7 2 / 10 12 1 9 1 4 1 3 2 / 10 12 13 21 1 4 1 3 2 /



Coarsening и Upgridding приемы

Идеи сокращения, оптимизации ГД сетки с построением неравномерных сеток были рассмотрены в тесте SPE 8 «Gridding Techniques». Рассмотрим дополнительные сетки: триангуляционную, сложную неравномерную и максимально грубую.



Вывод: результаты тестов показывают, что даже в специальном тесте с прорывом газа, отклонения прогнозных параметров вполне приемлемые.

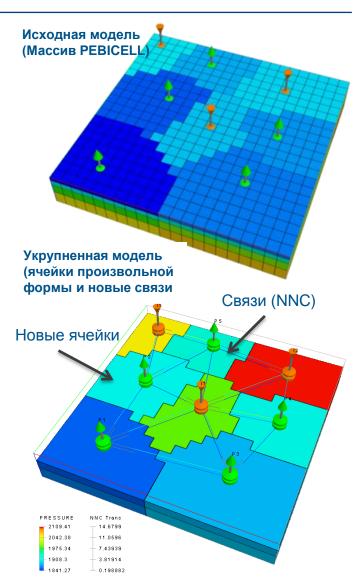
Предлагаемый вариант улучшенного огрубления модели

Основная идея: Уменьшение детализации сетки в местах с недостаточной недостоверной или геологической информацией (законтурная зона, межскважинные интервалы) и увеличение размерности в местах с высокой плотностью данных или в местах с большими градиентами потоков (возле скважин, трещин).

Такая оптимизация позволяет значительно сократить число элементов сетки (ячеек) при этом сохранить приемлемую точность дискретизации уравнений по пространству и обеспечить сходимость к решению на первоначальной детализированной сетке (см. тест SPE8). Идеально такая оптимизация работает на этапе адаптации модели на историю разработки - когда ошибки настройки превышают погрешность дискретизации по пространству.

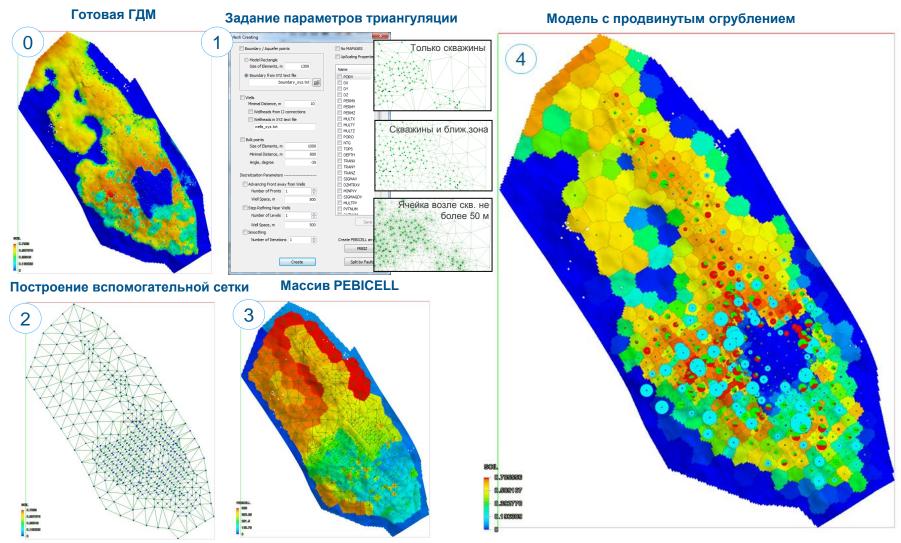
Для построения неравномерной сетки используется следующий алгоритм:

- 1) Построение вспомогательной триангуляционной сетки на базе готовой модели с подгруженными скважинами. Геометрия сетки берется с модели (границы области, разломы, скважины). Для управления детальностью сетки (от грубой до мелкой) задаются желаемые параметры алгоритма триангуляции – макс.размеры ячеек возле скважин, на границе, в законтурной области, сглаживание и т.п.
- «PEBICELL», ближайшего 2) Создание массива ПО методу расстояния, который используется далее в модели в секции GRID.
- 3) Автоматическое построение укрупненной сетки, расчет новых связей между укрупненными ячейками (NNC) и апскейлинг свойств на новую сетку и расчет проводимостей - в процессе считывания секции GRID.



Предлагаемый вариант улучшенного огрубления модели

Пример создания неравномерной сетки на базе готовой ГДМ: нефтяная залежь с газовой шапкой, 500 скв.



Математическая и численная модель

Описание модели

• Модель трехфазной фильтрации (Black oil)

$$\nabla \cdot \mathbf{w}_{\alpha} = m_0 \frac{\partial}{\partial t} \left(\sum_{\alpha} \frac{mS_{\alpha}}{B_{\alpha}} \right) - \sum_{\alpha} Q_{\alpha}^{k}$$

$$\mathbf{w}_{\alpha} = -\mathbf{K} \sum_{\alpha} \frac{k_{\alpha} l_{\alpha}}{B_{\alpha} \mu_{\alpha}} \nabla \left(p_{\alpha} - \rho_{\alpha} g dZ \right)$$

Дискретизация – конечно-разностная по методу volume balance (VB), неявная по времени - решение методом Ньютона

Ньютона
$$R_i = F_{flow} - A + F_{well}$$
 $\frac{dR(X^{\nu})}{dX^{\nu}} \cdot \Delta X^{\nu+1} = -R(X^{\nu})$

• Уравнения скважин неявные с 3 ур-ми (P3/Qtot, Fw, Fg, Fo)

$$\frac{\partial R_{\alpha}}{\partial XW}dXW = -R_{\alpha} \qquad R_{\alpha} = Q_{\alpha} - \sum_{j \in cons} q_{\alpha,j}$$

- Формат хранения коэф.ур-й: Hyper Matrix, состоит из набора матриц разных типов для каждого объекта (сетка - DIAG(7)+CRS, скважины – CRS, для связей – RF)
- Система уравнения в матричном виде

$$\begin{bmatrix} D_{wells} & & & U_{14} & U_{15} \\ & D_{aqu} & & & U_{25} \\ & & D_{faults} & & U_{35} \\ L_{41} & & D_{lgrs} & U_{45} \\ L_{51} & L_{52} & L_{53} & L_{54} & D_{grid} \\ \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X_w \\ X_a \\ X_{f\alpha} \\ X_{l\alpha} \\ X_{g\alpha} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} F_w \\ F_a \\ F_{l\alpha} \\ F_{l\alpha} \\ F_{g\alpha} \end{bmatrix}$$

Решение СЛАУ - ORTHOMIN/FGMRES c Modified Nested Factorization, модифицированный для решения задач на нерегулярных сетках и сетках со значительным числом несоседних соединений (NNC и MPFNNC)

Наиболее широко используемые методы / подходы при решении задач фильтрации

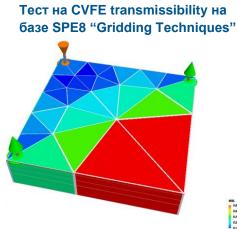
- Типы сеток: «Угловой точки», блочная и «РЕВІ» сетки, триангуляционная сетка
- Дискретизация: конечно-разностная по методу volume balance (VB), MB; по времени – явная (IMPES), неявная (FI), адаптивная (AIM), расщепление уравнений (со своим шагом)
- Решение нелинейных уравнений: Newton, Newton-MG, FAS, прямое исключение, Cascade
- Предобусловленные итерационные методы: ORTHOMIN, FGMRES, BiCGStab
- Предобуславливатели: ILU(0), BILU, ILU+D2/D4, MILU, Nested Factorization, AMG, CPR (quasi-, true-IMPES)
- Варианты хранение матриц: CRS, JDF, BBCS, HYB
- Параллелизм каждого блока алгоритма на CPU/GPU: используются OpenMP, MPI, CUDA и др.

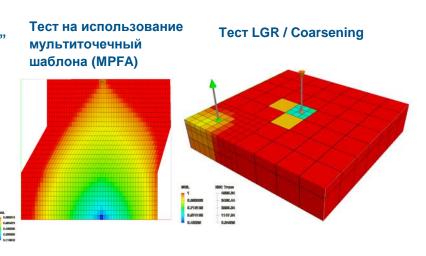
Вывод: в данной работе выбраны наиболее распространённые и зарекомендовавшие себя методы.

Совершенствование численной схемы расчета

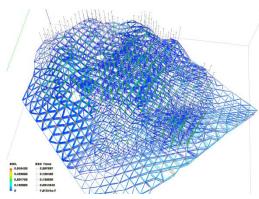
Несмотря на простоту подхода, но на самой грубой сетке, построенной только на скважинных данных, получается полностью нерегулярная неортогональная сетка, аппроксимация потоков на которой должна производится с учетом мультиточечного шаблона аппроксимации (MPFA), а расчет проводимостей может потребовать Control Volume Finite Element (CVFE) формулировок.







Соединения между узлами сетки



выводы:

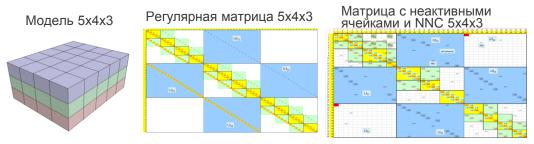
- Указанные опции реализованы и успешно протестированы, сравнение выполнялось с «эталонным, известным решением».
- Как показал анализ точности решений при полномасштабном моделировании на огрубленных сетках данные опции не имеют ключевого значения и могут быть упущены в рамках решения практических задач по настройке модели.

Совершенствование численной схемы расчета

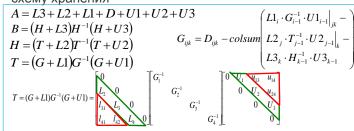
По причине появления множества NNC потоков, приводящих к нарушению регулярной структуры матрицы системы уравнений, возникают проблемы со сходимостью численных схем и увеличением времени расчетов. Предложены дополнительные алгоритмы решения матриц с нерегулярной структурой.

Модификация Nested Factorization для использования множества несоседних связей

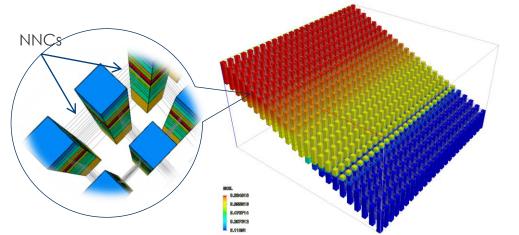
В полном виде учтены **A** (5х4х3) с неактивными ячейками и NNC выглядит так

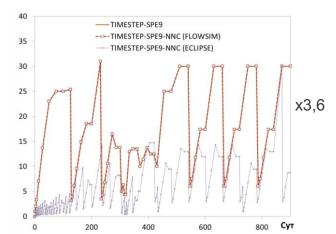


Матрица содержит рег. и нерег. часть, специальную схему хранения



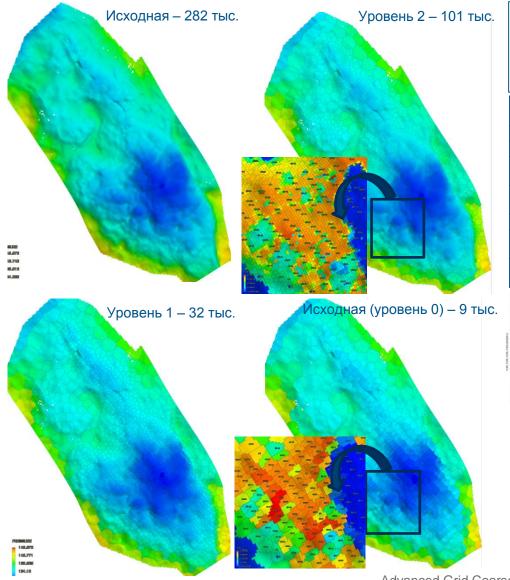
Тест на базе SPE9, где все регулярные соединения заменены на NNC





ВЫВОД: Модифицированный NF показал высокую численную эффективность при большом числе NNC по сравнению со стандартной версией NF (63 vs. 228 шагов – см. график)

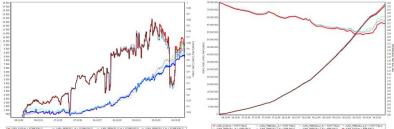
Выполнение полномасштабных расчетов



Описание модели:

- Тип: трехфазная нефть, своб.газ, раств.газ, вода
- **Размерность** 193x 331x 30, акт.ячеек 282 тыс.
- **Число скважин:** 500 (17 доб.+5 нагн.)
- Продолжительность: 50 лет

Параметр	Исходная	Уровень – 2	Уровень – 1	Самая грубая (уровень – 0)
Ячеек, тыс.шт	282	101	32	9.3
CPU, сек	45100	14900	1757	293
Уменьшение ячеек	100%	36%	11%	3%
Уменьшение времени	100%	33%	4%	1%
Ускорение	1	3.0	26	154
Погрешность текущих	0%	3%	7%	12%
Погрешность накопленных	0%	0,9%	1,5%	1,8%



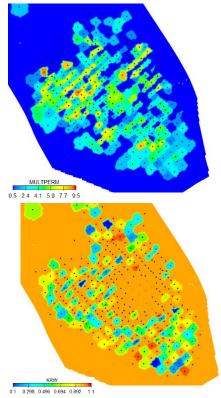
Вывод: сокращение времени расчета на грубой сетке – 154 раза, при погрешности накопленных показателей - 1,8%, по текущим – 12%. По мере улучшения адаптации детализация сетки может приближаться к исходной.

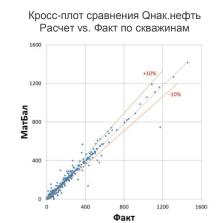
Практическое применение

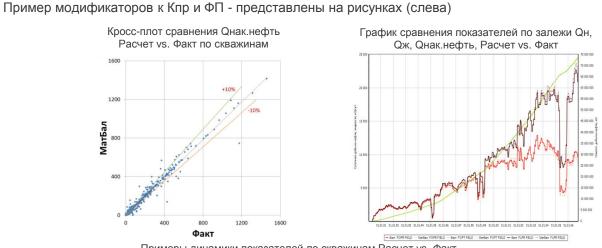
– адаптация залежи на историю разработки

Рассматриваемый подход дает гибкость в построении сетки и позволяет на каждом этапе адаптации модели использовать «оптимальную» сетку.

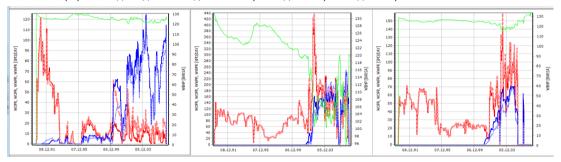
При этом настройку на самом «грубом» уровне (можно назвать «Матбаланс»), когда укрупненные зоны ассоциируются со скважинами, можно выполнять автоматически, например, следующие параметры: 1) пластовое давление в среднем (Рпл) – за счет притока воды по контуру, общий баланс добычи жидкости-закачки воды; 2) пластовое и КН по ГДИ – за счет модификации Кпр в районе скв., представленном ячейкой возле скв.; 3) Рзаб – модификация продуктивности (или скин); 4) обводнение – модификация фазовых KRW/KRO.







Примеры динамики показателей по скважинам Расчет vs. Факт начало прорыва воды и динамика дебитов нефти/воды воспроизводятся приемлемо



Выводы и перспективы использования

- Предложенная методика построения сложных неравномерных расчетных сеток позволяет достичь значительного ускорения расчетов по времени, что является критичным при выполнении многовариантных расчетов на этапе адаптации моделей крупных залежей на историю разработки. При этом по мере улучшения адаптации модели детализация сетки восстанавливаться, приближаясь к исходной размерности.
- Рассматриваемый подход может быть реализован в виде опции в любом гидродинамическом симуляторе, который разработан как для сеток «Corner Point», так и для нерегулярных сеток.
- Для проверки реализованных алгоритмов выполнена апробация на нескольких полномасштабных моделях залежей нефти и газа с различной размерностью и фазовым состоянием. Показана хорошая устойчивость решения и сходимость к результатам на первоначальной регулярной детализированной сетке.
- Перспективы улучшения точности могут быть связаны с получением псевдофазовых и оптимизации сетки по разрезу.
- На основе объединения предлагаемой стратегия укрупнения сетки, а также алгебраического мультисеточного метода (Aggregated AMG) можно сформировать эффективную «мультисеточную» численную схему для решения задачи непосредственно на исходной сетке (без необходимости ее явного огрубления).

СПАСИБО ЗА ВНИМАНИЕ!